



FONDAMENTI DI INFORMATICA

Lezione n. 9

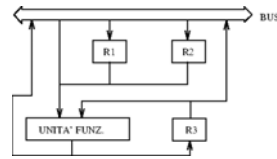
- DESCRIZIONE E PROGETTO A LIVELLO RTL
- ESEMPIO DI SISTEMA A LIVELLO RTL: MOLTIPLICATORE BINARIO
- DESCRIZIONE DELL'ALGORITMO

In questa lezione si continua la descrizione degli elementi di base utilizzati a livello RTL. Si discute la suddivisione fra percorso dati e unità di controllo. In questa lezione verrà descritto a livello RTL un sistema: un moltiplicatore binario per numeri con rappresentazione in modulo e segno. Verrà prima descritto l'algoritmo che consente di realizzare il prodotto e quindi sarà mostrata come esempio la metodologia di progettazione.

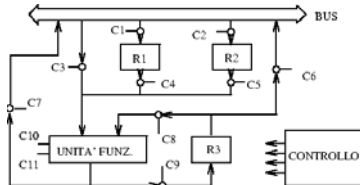


TECNICHE DI DESCRIZIONE

- La descrizione grafica definisce la struttura di un sistema a livello RTL.
- La descrizione comportamentale è data mediante un linguaggio specifico.



UNITA' DATI E UNITA' CONTROLLO

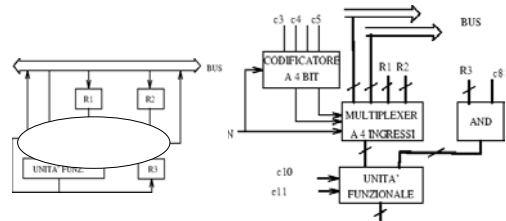


COMMUTAZIONE CAMMINO DATI

- Le connessioni non sono attive tutte contemporaneamente.
- L'unità di controllo seleziona i cammini che risultano attivi in un determinato istante.



COM MUTAZIONE CAMMINO DATI



Parte della struttura di commutazione del cammino dati dell'esempio precedente.



LINGUAGGIO RTL

L'istruzione base RTL è la seguente:

$$Z \leftarrow f(X_1, X_2, \dots, X_n)$$

Dove:

Z, X_1, X_2, \dots, X_n sono registri (o celle di memoria).

Con il significato di:

"Calcola la funzione f con i dati contenuti nei registri X_1, X_2, \dots, X_n e trasferisci il risultato nel registro Z ."



LINGUAGGIO RTL

Dichiarazioni strutturali del tipo:

declare register $A(0:7), B(0:7), COUNT(0:2)$

$A(0:7), B(0:7)$ sono registri a 8 bit

$COUNT(0:2)$ è un registro a 3 bit.

Istruzioni standard di controllo:

if $COUNT \neq 7$ *then goto* ADD



ESEMPIO DI PROGRAMMA RTL

*A(0:7), M(0:7), Q(0:7), COUNT(0:2),
INBUS(0:7), OUTBUS(0:7)*

BEGIN: $A \leftarrow 0, COUNT \leftarrow 0$

INPUT: $M \leftarrow INBUS;$
 $Q \leftarrow INBUS;$

ADD: $A(0:7) \leftarrow A(1:7) + M(1:7) \times Q(7);$

SHIFT: $A(0) \leftarrow 0; A(1:7).Q \leftarrow A.Q(0:6);$

TEST: $COUNT \leftarrow COUNT + 1;$
if COUNT $\neq 7$ then go to ADD;

FINISH: $A(0) \leftarrow M(0) \oplus Q(7), Q(7) \leftarrow 0;$

OUT: $OUTBUS \leftarrow Q;$
 $OUTBUS \leftarrow A;$



COMPORTAMENTO

- Una macchina RTL definisce con i suoi moduli e con i relativi collegamenti un insieme di possibili operazioni elementari che può svolgere sui dati.

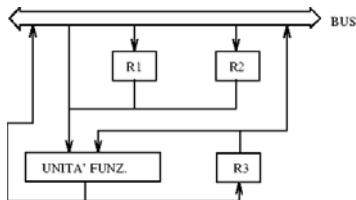
- Ogni operazione elementare a livello RTL è un trasferimento del tipo:

$$Z \leftarrow f(X_1, X_2, \dots, X_n)$$

- Un algoritmo è definito da una sequenza di operazioni elementari.
- La sequenza di operazioni elementari definisce il comportamento del sistema.



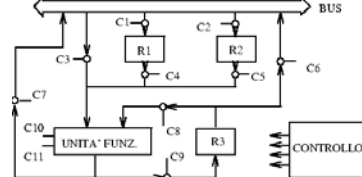
UNITA' DATI E UNITA' CONTROLLO



Unità di elaborazione (o unità dati)



UNITA' DATI E UNITA' CONTROLLO

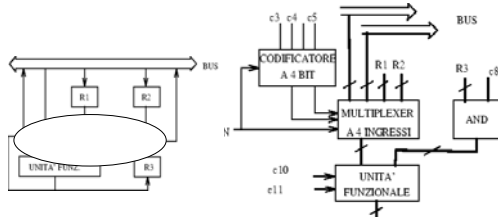


COMMUTAZIONE CAMMINO DATI

- Le connessioni non sono attive tutte contemporaneamente.
- L'unità di controllo seleziona i cammini che risultano attivi in un determinato istante.



COM MUTAZIONE CAMMINO DATI



Parte della struttura di commutazione del cammino dati dell'esempio precedente.



FASI DI PROGETTO

- Definire l'algoritmo come sequenza S di operazioni RTL.
- Analizzare S per individuare l'insieme minimo di componenti necessari.
- Costruire il diagramma a blocchi D della unità di elaborazione per realizzare tutti i necessari cammini per i dati.
- Analizzare D e S per introdurre tutti i punti di controllo necessari.
- Progettare l'unità di controllo.
- Effettuare eventuali minimizzazioni.



FRAZIONI BINARIE

Il numero N rappresentato da: $X_M = x_0x_1\dots x_n$

Vale:
$$N = (-1)^{x_0} \sum_{i=1}^n x_i 2^{-i}$$

Rappresentazione in modulo e segno (x_0).

Numero maggiore: $01111111 \Rightarrow 1 - (1/128)$

Numero minore: $11111111 \Rightarrow -1 + (1/128)$

Doppia rappresentazione dello zero: 10000000 e 00000000

Ad esempio ($n=7$):

$01000000 \Rightarrow (+1/2) = 0,5$

$11001000 \Rightarrow (-[1/2 + 1/16]) = -0,5625$

I numeri utilizzati in seguito sono frazioni binarie.



MOLTIPLICATORE BINARIO I

Si voglia effettuare la seguente operazione:

$$P_M \leftarrow X_M \times Y_M$$

dove

$$X_M = x_0x_1\dots x_7, \quad Y_M = y_0y_1\dots y_7, \quad P_M = p_0p_1\dots p_{14}$$

L'algoritmo per svolgere il prodotto è il seguente

$$\begin{array}{r} Y \quad 1.1011 \qquad \qquad \qquad 1011 \\ X \quad 0.0101 \qquad \qquad \qquad 0000 \\ \qquad \qquad \qquad 1011 \\ \qquad \qquad \qquad 0000 \\ \hline 1.00110111 \end{array}$$



MOLTIPLICATORE BINARIO II

Algoritmo:

segno $p_0 = x_0 \oplus y_0$

Ripetere per i da 0 a 6 $P_i \leftarrow P_i + x_{7-i}Y_M$

$$P_{i+1} \leftarrow 2^{-1}P_i$$

- Questo algoritmo coincide con quello utilizzato per il prodotto di due numeri in modo manuale.
- La differenza principale consiste nel sommare e accumulare i prodotti parziali invece di sommarli al termine.
- Si usa un solo registro di memoria per immagazzinare la somma parziale invece di tanti registri che memorizzano tutti gli addendi.



MOLTIPLICATORE BINARIO III

Passo	Operaz.	Risult. parziale
0	Inizializzazione	00000000
1	$P_0 + x_4 * Y$	10110000
2	$P_1 * 2^{-1}$	01011000
3	$P_2 + x_3 * Y$	01011000
4	$P_3 * 2^{-1}$	00101100
5	$P_4 + x_2 * Y$	11011100
6	$P_5 * 2^{-1}$	01101110
7	$P_6 + x_1 * Y$	01101110
8	$P_7 * 2^{-1}$	00110111

Dall'analisi dell'algoritmo si deduce che sono necessari due registri a 8 bit per immagazzinare il moltiplicando e il moltiplicatore e un registro a 15 bit per il risultato.



MOLTIPLICATORE BINARIO IV

NECESSITA' HW

- 1 registro a 8 bit \Rightarrow Q Moltiplicatore X
- 1 registro a 8 bit \Rightarrow M Moltiplicando Y
- 1 registro a 16 bit \Rightarrow A Prodotto P
- 1 sommatore a 7 bit
- Porta EX-OR

E' possibile risparmiare utilizzando lo stesso registro per immagazzinare in tempi diversi dati diversi.

Dopo che i bit di X sono stati utilizzati per il prodotto parziale non sono più necessari.

E' possibile condividere la parte del registro per accumulare il moltiplicatore e la parte meno significativa del risultato.



MOLTIPLICATORE BINARIO V

Passo	Operaz.	Accum. + Reg. Q
0	Iniz.	0000 0000
1	$P_0 + x_4 * Y$	1011
2	$P_1 * 2^{-1}$	0101 1
3	$P_2 + x_3 * Y$	0101 1
4	$P_3 * 2^{-1}$	0010 11
5	$P_4 + x_2 * Y$	1101 11
6	$P_5 * 2^{-1}$	0110 111
7	$P_6 + x_1 * Y$	0110 111
8	$P_7 * 2^{-1}$	0011 0111

